Exercices corrigés - Nombres relatifs (calculs et problèmes) - 3e

Exercice 1

Difficulté : 25/100

Effectue les calculs suivants, puis vérifie tes résultats avec ta calculatrice :

- a) $(+7) \cdot (+3)$
- b) $(+7) \cdot (-3)$
- c) $(-7) \cdot (+3)$
- d) $(-7) \cdot (-3)$

Fais de même pour les calculs suivants :

- e) $(+9) \cdot (+4)$
- f) $(-36) \cdot (-6)$
- g) $(-3) \cdot (+10)$
- h) $(+4) \cdot (-14)$
- i) $(-12) \cdot (-250)$
- j) $(+13) \cdot (-5)$
- k) $(+7) \cdot (+9)$
- 1) $(-8) \cdot (+6)$

Comment multiplie-t-on deux nombres, qu'ils soient positifs ou négatifs ?

Accéder au corrigé

Exercice 2

Difficulté: 25/100

Calculez les expressions suivantes :

- a) (-25) + (-7) =
- b) (-25) (-7) =
- c) $(-25) \cdot (-7) =$
- d) $(-25) \div (-5) =$
- e) $(-35) \cdot (-4) =$
- f) $(-3)^1 \cdot 45 =$
- g) (-50) 50 =
- h) $\frac{(-32)}{(-4)^2} =$
- i) $14^0 (-14) =$
- j) $2^4 \cdot (-3) =$
- k) $\frac{(-180)}{(-15)} =$
- 1) $(-18) + 19^0 =$
- m) (-45) (-3) =
- n) $\frac{36}{-6}$ =

o)
$$(-12) - 3 =$$

p)
$$\frac{(-4)^2}{8} =$$

q)
$$\frac{(+12)}{(-6)} =$$

r)
$$-5^2 - (-5)^2 =$$

Exercice 3

 $\mathbf{Difficult\'e}: 25/100$

Exercice : Propriétés des Opérations avec des Nombres Négatifs

a. Première démonstration

Démontrez que l'opposé d'un produit est égal au produit de l'opposé par un des facteurs :

$$-(a\times b)=(-a)\times b$$

Ainsi, $-ab = -a \times b$.

b. Deuxième démonstration

Démontrez que l'opposé d'un quotient est égal au quotient de l'opposé par le dénominateur :

$$-\left(\frac{a}{b}\right) = \frac{-a}{b}$$

c. Produit des opposés

Le produit de deux opposés est-il égal à l'opposé d'un produit ? Justifiez votre réponse.

Accéder au corrigé

Exercice 4

Difficulté: 20/100

Utilisez les quatre égalités suivantes:

Expression	Résultat
$+24 \div +4$	= +6
$-24 \div +4$	= -6
$+24 \div -4$	= -6
$-24 \div -4$	= +6

Pour trouver le résultat des calculs suivants:

a)
$$+60 \div -5$$

b)
$$-36 \div +6$$

c)
$$-18 \div +3$$

d)
$$+45 \div +5$$

e)
$$-81 \div -9$$

f)
$$-56 \div -8$$

- g) $+72 \div +9$
- h) $+63 \div -7$

Comment diviser un nombre par un autre, qu'ils soient positifs ou négatifs?

Accéder au corrigé

Exercice 5

Difficulté: 20/100

Question : Réalise les divisions suivantes, puis vérifie tes résultats avec ta calculatrice :

- a) (+24): (+4)
- b) (-24):(+4)
- c) (+24):(-4)
- d) (-24):(-4)

Effectue également les calculs suivants:

- e) (-36):(-6)
- f) (+48): (+16)
- g) (-18):(+6)
- h) (+15): (+3)
- i) (+49):(-7)
- j) (-35) : (+5)
- k) (+16):(-4)
- 1) (-180):(-30)

Comment diviser un nombre par un autre, qu'ils soient positifs ou négatifs?

Accéder au corrigé

Exercice 6

Difficulté: 30/100

Calculez les expressions suivantes :

- a) $7 \cdot (-5) =$
- b) $(-12) \cdot (-7) =$
- c) $(-9) \cdot 8 =$
- d) $15 \cdot (-6) =$
- e) $(-18) \cdot 92 =$
- f) $(-4) \cdot (-11) =$
- g) $(-3) \cdot 45 \cdot (-5) =$
- h) $(-35) \cdot (-55) \cdot (-2) =$

i) $19 \cdot 4 \cdot (-3) =$

Accéder au corrigé

Exercice 7

Difficulté: 25/100

Déterminer, pour chacun des nombres -5, -2, -1, 0, 1, 3, lesquelles des inégalités suivantes il vérifie :

- 1) $-2x \le 3$
- 2) $7x 4 \ge 3x$
- 3) $x^2 \ge 4$
- 4) $7x \frac{1}{2} \ge 4x$
- 5) $(x-3)(x+2) \le 0$
- $6) \ \frac{x-3}{x-1} \le 0$

Accéder au corrigé

Exercice 8

 $\mathbf{Difficult\'e}:\,35/100$

Question:

a. Parmi ces nombres, entoure en rouge les entiers naturels et barre en bleu les entiers relatifs.

b. Explique pourquoi les entiers naturels sont inclus dans les entiers relatifs.

Accéder au corrigé

Exercice 9

Difficulté: 25/100

Question : Complétez le tableau en indiquant l'opposé de chaque expression.

	Expression	Son opposé
a.1	5x + 2	
a.2	-2x - 6	
b.	$4x^2 + x - 8$	
c.	-x+3	
d.	$3x^2 - 2x - 5$	

Exercice 10

Difficulté: 35/100

Question : Le lundi, le solde du compte était de 100 \in . Mardi, il a été crédité de 50 \in ; mercredi, il a été débité de 30 \in ; jeudi, un dépôt de 20 \in a été effectué et vendredi, un retrait de 10 \in a eu lieu.

Quelle était le solde du compte vendredi?

Addition et soustraction de nombres relatifs Accéder au corrigé

Exercice 11

Difficulté : 20/100

Question : Utilisez les quatre égalités suivantes :

$$\frac{(+4) \times (+5) = +20 \quad (-4) \times (+5) = -20}{(+4) \times (-5) = -20 \quad (-4) \times (-5) = +20}$$

Calculez les expressions suivantes :

- a) $(+6) \times (-7)$
- b) $(+8) \times (-9)$
- c) $(-2) \times (+3)$
- d) $(+5) \times (+12)$
- e) $(-3) \times (-4)$
- f) $(+10) \times (+2)$
- g) $(-7) \times (-6)$
- h) $(-5) \times (+8)$

Expliquez comment multiplier deux nombres, qu'ils soient positifs ou négatifs.

Accéder au corrigé

Exercice 12

Difficulté : 10/100

Quels sont l'opposé et l'inverse de :

- a) 5
- b) -3
- c) 42
- d) -1024
- e) 0,25
- f) $\frac{16}{7}$
- g) -4π

- h) $\frac{7}{8}$
- i) $\sqrt{2}$
- j) 3

Exercice 13

 $\mathbf{Difficult\'e}:\,50/100$

Question: Voici six nombres:

- 1. -2
- 2. $\sqrt{3} 2$
- 3. $\sqrt{3-2}$
- 4. (
- 5. -2^3
- 6. $\sqrt{-16}$

Lesquels sont:

- a) négatifs?
- b) positifs?
- c) ni positifs, ni négatifs?
- d) des nombres rationnels?
- e) des nombres réels?

Accéder au corrigé

Exercice 14

Difficulté : 10/100

Question: Effectuez les calculs suivants:

- a) (-6) + 5 =
- b) 148 (+58) =
- c) -240 60 =
- d) $18 \cdot 13 2 =$
- e) (-30) + (-20) + (+30) (+70) (-20) =
- f) $-110 + 20 \cdot 14 + 7 =$
- g) (-25) + (-80) 25 (-80) =
- h) 150 40 + 250 70 + 40 =

Accéder au corrigé

Exercice 15

 $\textbf{Difficult\'e}:\ 25/100$

Question : Calculez les expressions suivantes :

- a) $(+5) \cdot (-7) =$
- b) $(-8) \cdot (-12) =$
- c) $(-15) \cdot (+3) =$
- d) $(+18) \cdot (-9) =$
- e) $(-21) \cdot (+88) =$
- f) $(-4) \cdot (-11) =$
- g) $(-3) \cdot (+40) \cdot (-5) =$
- h) $(-35) \cdot (-55) \cdot (-2) =$
- i) $19 \cdot 6 \cdot (-3) =$

Exercice 16

Difficulté : 30/100

 ${\bf Question}$: Effectuez les calculs suivants :

- a) $-48 \div 6 =$
- b) $-12 \div 2.4 =$
- c) $-5.4 \div -2 =$
- d) $64 \div -8 =$
- e) $-9 \div -0.3 =$
- f) $18.0 \div -6 =$

Accéder au corrigé

Exercice 17

Difficulté : 30/100

Question : Calculez les expressions suivantes :

- a) $-3 + 3 \cdot (-5) =$
- b) $(-4) \cdot 2 4 =$
- c) $(-6) \cdot (-3)^2 =$
- d) $(-8) \cdot 5 5 : (-2) =$
- e) $3^1 \cdot [-5 + (-3)] =$
- f) $3^1 \cdot (-5) + (-3) =$
- g) (-7) [3 (-4)] =
- h) (-7) 3 (-4) =

Exercice 18

Difficulté: 10/100

Question : Calculez les expressions suivantes :

- a) -5 + 3 =
- b) 148 58 =
- c) -240 60 =
- d) $25 \cdot 12 4 =$
- e) -30 20 + 30 80 + 20 =
- f) $-110 + 30 \cdot 10 + 5 =$
- g) -35 85 35 + 85 =
- h) 170 45 + 230 55 + 45 =

Accéder au corrigé

Exercice 19

Difficulté: 10/100

Question : Effectue les divisions suivantes :

- a) $\frac{-480}{-12} =$
- b) $\frac{81}{9} =$
- c) $\frac{-56}{8} =$
- d) $\frac{-144}{-12} =$
- e) $\frac{-200}{40} =$
- f) $\frac{900}{-15} =$

Accéder au corrigé

Exercice 20

Difficulté : 25/100

Question : Effectuez les calculs suivants :

- a) \$(-20): 5 = \$
- b) $$12 \times (-7) = $$
- c) \$(-45):9=\$
- d) \$150 : (-25) = \$
- e) $\$5 \times (-30) = \$$
- f) $\$(-22) \times 4 = \$$

g) $\$(+64): (-8) \times (-3) = \$$

h) \$18:(-6) = \$

i) \$(-90): (+10) = \$

j) $\$(+14) \times (-12) : (-4) = \$$

k) $\$50: (+5) \times (-20) = \$$

1) $\$(-80) \times (-40) : (+16) = \$$

Accéder au corrigé

Exercice 21

Difficulté : 50/100

Question : Déterminez si les nombres suivants sont positifs, négatifs ou nuls.

a) $(-4)^5$

b) $(-6,3)^2$

c) -4^{128}

 $d) \left(-\frac{2}{5}\right)^{-9}$

e) $\left(-\frac{2}{10}\right)^{-12}$

f) $\left(\frac{30}{31}\right)^{-3}$

g) $6, 2^{-5}$

h) $-\left(\frac{30}{31}\right)^{-4}$

i) $\left(-\frac{6}{4}\right)^{8}$

Accéder au corrigé

Exercice 22

Difficulté: 40/100

Vrai ou Faux

- 1. Est-ce que tout nombre impair peut être exprimé comme la somme de deux nombres pairs?
- 2. Est-ce que la multiplication de deux nombres négatifs donne un résultat positif ?
- 3. Est-ce que $a^1 = a$ pour tout nombre a?
- 4. Est-ce que la racine cubique de 8 est 2 ?
- 5. Est-ce qu'un nombre premier possède exactement trois diviseurs?
- 6. Est-ce qu'ajouter zéro à un nombre ne change pas sa valeur ?
- 7. Est-ce que $a \times 0 = a$ pour tout nombre a?
- 8. Est-ce que la somme des angles d'un triangle est égale à 180 degrés ?
- 9. Est-ce que a b = b a pour tous les nombres a et b?
- 10. Est-ce que diviser un nombre par un autre plus grand donne toujours un résultat inférieur à 1 ?
- 11. Est-ce que les nombres entiers comprennent uniquement les nombres positifs ?

Exercice 23

Difficulté: 35/100

Question : Effectue les calculs suivants :

a)
$$(-25) + (-10) =$$

b)
$$(-25) - (-10) =$$

c)
$$(-20) \times (-5) =$$

d)
$$(-20) \div (-5) =$$

e)
$$(-35) \times (-4) =$$

f)
$$(-4)^1 \times 50 =$$

g)
$$(-60) - 60 =$$

h)
$$(-36) \div (-4)^2 =$$

i)
$$12^0 - (-12) =$$

j)
$$3^3 \times (-4) =$$

k)
$$(-180) \div (-15) =$$

1)
$$(-18) + 16^0 =$$

m)
$$(-45) - (-2) =$$

n)
$$54 \div (-9) =$$

o)
$$(-15) - 2 =$$

p)
$$(-2)^2 \div 8 =$$

q)
$$(+15) \div (-3) =$$

r)
$$-5^2 - (-5)^2 =$$

Accéder au corrigé

Exercice 24

Difficulté: 20/100

Question : On peut justifier la réponse d'une division par l'exemple ci-dessous :

$$36:6=6 \text{ car } 6 \cdot 6=36$$

En vous appuyant sur cet exemple, trouvez les réponses aux calculs suivants.

a)
$$\frac{+48}{-8} =$$

car $\times (-8) = +48$

b)
$$\frac{-48}{+8} =$$
 car $+8 \times = -48$

c)
$$\frac{-48}{-8} =$$

 $\cot -8 \times = -48$

Exercice 25

Difficulté: 20/100

Calculez les expressions suivantes :

- a) $-420 \div -6 =$
- b) $81 \div 9 =$
- c) $-56 \div 8 =$
- d) $-108 \div -12 =$
- e) $-150 \div 30 =$
- f) $900 \div -3 =$

Accéder au corrigé

Exercice 26

Difficulté : 20/100

Question: Effectuez les calculs suivants:

- a) $(-2,3) \times (+5) =$
- b) $(+0,5) \times (-20) =$
- c) $(-150) \times (+0,3) =$
- d) $(-3)^3 =$
- e) $(+1,8) \times (-0,25) \times (+6) =$
- f) $(+0,45) \times (-800) \times (-0,2) =$
- g) $(+35) \times (-0,4) \times (+0,5) \times (-2) =$
- h) $(-4)^4 =$

Accéder au corrigé

Exercice 27

Difficulté : 25/100

Question : Calculer les opérations suivantes :

- a) $(-20) \div 5$
- b) $(-25) \times 4$
- c) $48 \div (-8)$
- d) $-360 \div 45$
- e) $(-7) \times (-50)$
- f) $24 \times (-5)$
- g) $(-96) \div (-6) \times (-3)$
- h) $(-15) \div (-15)$

- i) $125 \div (-25)$
- j) $(-12) \times (-9) \div 4$
- k) $52 \div (-13) \times 65$
- l) $(-75) \times 75 \div (-45)$

Exercice 28

 $\mathbf{Difficult\'e}: 50/100$

Question: Complète ou calcule.

- a) $-7 + \underline{\hspace{1cm}} = 5$
- b) (+18) (-6) =
- c) $(-9) \cdot \underline{} = 27$
- d) 48:____=8
- e) _____ -15 = -20
- f) $_{2} = 64$
- g) $12 \cdot (-3) + 24 =$
- h) $(-56): 7 \cdot 2 =$
- i) $3.5 \cdot (-12) + 30 =$
- j) 18:(-3):2=
- k) $\underline{\hspace{1cm}} : (-4) = 16$
- 1) 150, 5 (-25) 50, 5 =

Accéder au corrigé

Exercice 29

Difficulté: 35/100

Calcule les expressions suivantes:

- a) $(+2,3) \times (-5) =$
- b) $(-0,4) \times (+25) =$
- c) $(+150) \times (-0,3) =$
- d) $(+7)^3 =$
- e) $(-3,5) \times (+0,15) \times (+2) =$
- f) $(-0.25) \times (+800) \times (-0.05) =$
- g) $(-30) \times (-0,3) \times (+0,6) \times (+4) =$
- h) $(+3)^4 =$

Accéder au corrigé

Exercice 30

Difficulté : 20/100

Bien sûr, je vais placer le code LaTeX entre \$\$ ou \$ pour qu'il s'affiche correctement.

Complète ou calcule.

- a) _____ -7 = 5
- b) +18 + ____ = ____
- c) $(-9) \times \underline{\hspace{1cm}} = 27$
- d) $\underline{} : (+6) = 4$
- e) $\underline{\hspace{1cm}} + (+15) = 0$
- f) -16: ____ = 2
- g) $+22 18 \times (-3) =$
- h) $48:(-8)\times 3=$
- i) $3.5 \times (+30) 45 =$
- j) 30:(-6):(-0.5)=
- k) 12.4 + 5 : (-5) =
- 1) 150.6 (-75) 60.6 =

Accéder au corrigé

Exercice 31

Difficulté: 50/100

Résoudre graphiquement les inéquations suivantes:

- 1. |x+1| < -1
- 2. |2x-1| < 2x+1
- 3. $-|x| \le -x$
- 4. $|x| + 1 \le 2$
- 5. $|x| \leq -x + 1$
- 6. $|x+1| \ge x+1$