Exercices corrigés - Identités remarquables - 3e

Exercice 1

Difficulté: 40/100

Développez les expressions suivantes :

- 1. $(x+1)^2$
- 2. $(3x 3 + 2y)^2$
- 3. $(2a+b-4)^2$
- 4. $(2x-3y+1)^2$
- 5. $(x-y-1)^2$
- 6. $(a+b+c)^2$

Accéder au corrigé

Exercice 2

Difficulté: 20/100

Calculer à l'aide des produits remarquables:

- 1) $101 \cdot 99$
- $2) 69^2$
- $3) 201 \cdot 199$
- 4) 49 · 51
- $5) 71^2$
- 6) $72 \cdot 68$

Accéder au corrigé

Exercice 3

Difficulté: 50/100

- 1. Développez l'expression $(3a^2x 2ax^2)^2$.
- 2. Développez l'expression $(2x^3 5xy^4)^2$.
- 3. Développez l'expression $(5a^2b + 7ab^2)^2$.
- 4. Développez l'expression $(2a^3 b^3)^2$.
- 5. Effectuez le produit des expressions $(\frac{1}{2}a^2x 7a^3)$ et $(7a^3 + \frac{1}{2}a^2x)$.
- 6. Effectuez le produit des expressions $(3a^4 ab^4)$ et $(-ab^4 + 3a^4)$.

Accéder au corrigé

Exercice 4

Difficulté: 40/100

Question : Développe et réduis les expressions suivantes :

- a) $(b+4)^2$
- b) $(3x-2)^2$
- c) $(5y+1)^2$
- d) $(7x 3y)^2$
- e) (2x + y)(2x y)

- f) $(6a 4b)^2$
- g) (4a + 5b)(4a 5b)
- h) (5x-2)(5x+2)
- i) (8x + 6y)(8x 6y)
- j) $(9a + 7b)^2$

Exercice 5

Difficulté: 20/100

- 1. Développez l'expression $(x+4)^2$.
- 2. Développez l'expression $(7a + b)^2$.
- 3. Développez l'expression $(3+b)^2$.
- 4. Développez l'expression $(b+3x)^2$.
- 5. Développez l'expression $(2x + y)^2$.
- 6. Développez l'expression $(x + 5y)^2$.

Accéder au corrigé

Exercice 6

 $\mathbf{Difficult\'e}: 20/100$

- 7) Développez l'expression $(4u 5v)^2$.
- 8) Développez l'expression $(3x 15y)^2$.
- 9) Développez l'expression $(6a 6b^2)^2$.
- 10) Développez l'expression $\left(2ab-4b^2\right)^2$.
- 11) Développez l'expression $(0, 1u-4t)^2$.
- 12) Développez l'expression $(7d^2 3d)^2$.

Accéder au corrigé

Exercice 7

Difficulté: 25/100

- 19) Développer l'expression $(3a-2b)^2$.
- 20) Développer l'expression $(6a + b)^2$.
- 21) Développer l'expression $(4a-7)^2$.
- 22) Développer l'expression $(2-2b)^2$.
- 23) Calculer le produit de $(3x z) \cdot (3x + z)$.
- 24) Développer l'expression $(10a 7b)^2$.

Difficulté : 25/100

Développez les expressions suivantes:

1)

$$(0, 1a - b)^2$$

2)

$$\left(\frac{1}{3}a + \frac{2}{3}b\right)^2$$

3)

$$\left(\frac{1}{2}b+\frac{2}{3}a\right)\cdot\left(\frac{1}{2}b-\frac{2}{3}a\right)$$

4)

$$\left(\frac{4}{5}xy - \frac{5}{4}\right)^2$$

5)

$$\left(\frac{11}{10}a - \frac{4}{11}b\right)^2$$

6)

$$(7-0,7b)^2$$

Accéder au corrigé

Exercice 9

Difficulté : 35/100

Soient les polynômes suivants:

- $X = 2b + a^2$ $Y = a^2 2b$

Formez les polynômes suivants:

- $\begin{array}{l} 1. \ (X+Y)^2 (X-Y)^2 \\ 2. \ X^2 Y^2 \end{array}$
- 3. $2XY (X Y)^2 + (X + Y)(X Y)$

Accéder au corrigé

Exercice 10

Difficulté : 30/100

Factoriser à l'aide des produits remarquables:

- 1) $9a^4 16b^2$
- 2) $x^2 + x 20$
- 3) $\frac{1}{4}a^2 + 2ab + 4b^2$
- 4) $9a^2 4b^2$

- 5) $0.01x^2 0.6xy + 9y^2$
- 6) $x^2 + 6x 16$

Exercice 11

Difficulté : 40/100

Calculer à l'aide des produits remarquables:

- 1) $(a+b+c)^2$
- 2) $(2a b c)^2$
- 3) $(3x 2y 1)^2$ 4) $(a + b 1)^2$
- 5) $(2a 3b + 2c)^2$ 6) $(3a b + c)^2$

Accéder au corrigé

Exercice 12

Difficulté: 35/100

Calculez à l'aide des produits remarquables:

1)
$$\left(\frac{1}{y^2} + y^2\right)^2$$

- 2) $(3a^{n-1}-2a^{2n})^2$
- 3) $(2a^n a^{n+1})^2$
- 4) $(4a^{3n} + 3a^{2n}) \cdot (4a^{3n} 3a^{2n})$
- 5) $\left(\frac{1}{3}a^{3n}-a^{2n}\right)^2$
- 6) $(0, 1a^n 0, 1a^{n+1}) \cdot (0, 1a^{n+1} + 0, 1a^n)$

Accéder au corrigé

Exercice 13

Difficulté: 30/100

1. Simplifiez l'expression suivante :

$$(x-1)^2 - a^2$$

2. Simplifiez l'expression suivante :

$$(3a-b)^2 - 25a^2 \\$$

3. Simplifiez l'expression suivante :

$$(x-1)^2 - 16y^2$$

4. Simplifiez l'expression suivante :

$$(2a-b)^2 - (a+b)^2$$

5. Simplifiez l'expression suivante :

$$25x^4 - (a+2b)^2$$

6. Simplifiez l'expression suivante :

$$(2x-y)^2 - (x+3y)^2$$

Accéder au corrigé

Exercice 14

Difficulté: 20/100

Indiquez pourquoi chacune des identités suivantes est vraie:

$$\begin{array}{ll} 5 \cdot (2a+b) = 5 \cdot (b+2a) & (3a+2b) + c = 3a + (2b+c) \\ 4 \cdot (a+b) = 4a + 4b & 7 \cdot (a \cdot b) = (a \cdot b) \cdot 7 \\ 5a \cdot (3b \cdot c) = (5a \cdot 3b) \cdot c & (a+b) \cdot 5 = 5 \cdot (a+b) \end{array}$$

Accéder au corrigé

Exercice 15

Difficulté : 40/100

Calculer à l'aide des produits remarquables:

- $1. \ 39 \cdot 41$
- $2. 19^2$
- $3. 201^2$
- $4. 21^2$
- 5. $61 \cdot 59$
- 6. $18 \cdot 22$

Accéder au corrigé

Exercice 16

Difficulté: 20/100

Calculer à l'aide des produits remarquables :

- 7. $41 \cdot 39$
- $8. 41^2$
- 9. $53 \cdot 47$
- 10.47^2
- 11. $105 \cdot 95$
- $12. \ 105^2$

Accéder au corrigé

Exercice 17

Difficulté: 40/100

- 1. Développez l'expression suivante : $\left(\frac{1}{2}a + 3b\right)^2$.
- 2. Développez l'expression suivante : $\left(\frac{1}{5}x^2 + 10y^2\right)^2$.
- 3. Développez l'expression suivante : $(0,2xy+10x^2)^2$.

- 4. Développez l'expression suivante : $(3a + 7) \cdot (3a + 7)$.
- 5. Développez l'expression suivante : $\left(\frac{1}{3}x^3 + y^3\right) \cdot \left(y^3 + \frac{1}{3}x^3\right)$.
- 6. Développez l'expression suivante : $\left(7a + \frac{3}{7}b\right)^2$.

Exercice 18

Difficulté: 25/100

- 1. Simplifiez $(w-4)^2$.
- 2. Simplifiez $(6x y)^2$.
- 3. Simplifiez $(12-c)^2$.
- 4. Simplifiez $(t-4u)^2$
- 5. Simplifiez $(4b-d)^2$.
- 6. Simplifiez $(e-5d)^2$.

Accéder au corrigé

Exercice 19

Difficulté: 40/100

- 1. Développez $\left(\frac{1}{3}u 3v\right)^2$.
- 2. Développez $\left(\frac{1}{4}x^2 \frac{1}{2}y^2\right)^2$.
- 3. Développez $(0, 3ab 10b^2)^2$.
- 4. Développez $(12a 5) \cdot (12a 5)$.
- 5. Développez $\left(\frac{1}{4}a^2 b\right) \cdot \left(-b + \frac{1}{4}a^2\right)$.
- 6. Développez $\left(\frac{1}{16}x^3 8xy^4\right)^2$.

Accéder au corrigé

Exercice 20

Difficulté: 20/100

- 7. Développez $(2x y) \cdot (2x + y)$.
- 8. Développez $(x-4) \cdot (x+4)$.
- 9. Développez $(2u+3) \cdot (2u-3)$.
- 10. Développez $(3v 4t) \cdot (3v + 4t)$.
- 11. Développez $(10x^2 + y) \cdot (10x^2 y)$.
- 12. Développez $(5z + 25) \cdot (5z 25)$.

Accéder au corrigé

Exercice 21

Difficulté: 30/100

- 1) Calculez le produit de $(\frac{1}{2}a+b)$ et $(b-\frac{1}{2}a)$.
- 2) Calculez le produit de $(0, 1x^2 + y)$ et $(-0, 1x^2 + y)$.

- 3) Calculez le produit de $(3x^2 + xy^2)$ et $(3x^2 xy^2)$.
- 4) Calculez le produit de $(w^2 + t)$ et $(t w^2)$.
- 5) Calculez le produit de $(8a^3 + b)$ et $(8a^3 b)$.
- 6) Calculez le produit de $(x^4 + y^6)$ et $(-y^6 + x^4)$.

Exercice 22

Difficulté: 20/100

Développez les expressions suivantes:

- 1. $(x+3)^2$
- 2. $(x-2) \cdot (x+2)$ 3. $(3x+y)^2$
- 4. $(a-3) \cdot (a+3)$ 5. $(y+5)^2$
- 6. $(3-y)^2$

Accéder au corrigé

Exercice 23

Difficulté: 20/100

- 1. Développez $(a+3)^2$.
- 2. Développez $(2y x)^2$.
- 3. Développez $(2x+5)^2$.
- 4. Calculez $(x-7) \cdot (x+7)$.
- 5. Développez $(2a+1)^2$.
- 6. Développez $(2x + 2y)^2$.

Accéder au corrigé

Exercice 24

Difficulté: 20/100

- 1) Développer l'expression $(x-3)^2$.
- 2) Développer le produit $(a-2b) \cdot (a+2b)$.
- 3) Développer l'expression $(7x+1)^2$.
- 4) Développer le produit $(2x y) \cdot (2x + y)$.
- 5) Développer l'expression $(2y-3)^2$.
- 6) Développer l'expression $(y + 5x)^2$.

Accéder au corrigé

Exercice 25

Difficulté: 50/100

- 7. Développez $(2a b)^2$.
- 8. Développez $(a+2b)^2$.

- 9. Développez $(3x y)^2$.
- 10. Calculez le produit $(7a 2b) \cdot (7a + 2b)$.
- 11. Calculez le produit $(3x 4y) \cdot (3x + 4y)$.
- 12. Développez $(7w v)^2$.

Exercice 26

 $\mathbf{Difficult\'e}: 35/100$

- 13) Développez l'expression $(7x 2y)^2$.
- 14) Développez l'expression $(3a + 2b)^2$.
- 15) Développez l'expression $(2b-7c)^2$.
- 16) Développez l'expression $(4a 2b)^2$.
- 17) Développez l'expression $(7x-12y)^2$.
- 18) Effectuez le produit $(3x 7y) \cdot (3x + 7y)$.

Accéder au corrigé

Exercice 27

 $\mathbf{Difficult\'e:}\ 40/100$

- 1) $(2a^2+b)^2$
- 2) $(x^2 + 2y)^2$
- 3) $(x^2 + y^2)^2$
- 4) $(3x^2 y^2) \cdot (3x^2 + y^2)$
- 5) $(2a-b^2)^2$
- 6) $(3a^2 2b^2)^2$

Accéder au corrigé

Exercice 28

Difficulté: 50/100

7. Simplifiez l'expression suivante :

$$(6a^3 - 4b^2)^2$$

8. Simplifiez l'expression suivante :

$$(a^5+1)^2$$

9. Simplifiez l'expression suivante :

$$(x^3 + y^3) \cdot (x^3 - y^3)$$

10. Simplifiez l'expression suivante :

$$\left(2y^2+x\right)^2$$

11. Simplifiez l'expression suivante :

$$(6x^3+1)\cdot(6x^3-1)$$

12. Simplifiez l'expression suivante :

$$(x^2 - 3y^3)^2$$

Accéder au corrigé

Exercice 29

Difficulté: 40/100

- 1. Simplifiez l'expression suivante : $(x^2 + y^2) \cdot (x^2 y^2)$.
- 2. Développez le carré de la somme : $(8a^2 3b^2)^2$.
- 3. Calculez le carré de l'expression : $(10x^2 + 1)^2$.
- 4. Développez le carré de la somme : $(a^5 + b^5)^2$.
- 5. Simplifiez l'expression suivante : $(3x^4 + 1) \cdot (3x^4 1)$.
- 6. Calculez le carré de la différence : $\left(x^4-y^4\right)^2$

Accéder au corrigé

Exercice 30

Difficulté: 40/100

- 7) $(3x^4y yx^4)^2$
- 8) $(7a^2b 2a^2b^3)^2$
- 9) $(3a^3 2a^2)^2$
- 10) $(4abc 7ab)^2$
- 11) $(2ax 7bx) \cdot (2ax 7bx)$
- 12) $(3a^2 + b^2) \cdot (b^2 + 3a^2)$

Accéder au corrigé

Exercice 31

 $\mathbf{Difficult\'e}: 50/100$

- 1. Développez l'expression : $\left(4a^3b a^2b^3\right)^2$
- 2. Développez l'expression : $\left(2x^4y-\frac{1}{2}xy^4\right)^2$
- 3. Développez l'expression : $\left(7a^3 \frac{1}{7}ab^3\right)^2$
- 4. Simplifiez le produit suivant : $(12a^4 11ab) \cdot (11ab + 12a^4)$

- 5. Développez l'expression : $(3x^4y 2xy^4)^2$
- 6. Développez l'expression : $(a^2b ab^2)^2$

Exercice 32

Difficulté: 50/100

Calculez les produits suivants:

- 1) $(x+a)(x-a)(x^2-a^2)$
- 2) $(2a-1)(2a+1)(4a^2+1)$
- 3) $(x-1)(x^2+1)(x+1)$
- 4) $(x+2)(x-2)(x^4+16)(x^2+4)$
- 5) $(x^2-1)(x^2+1)(x^4-8)$
- 6) $(4a^4+3)(2a^2+1)(2a^2-1)$

Accéder au corrigé

Exercice 33

Difficulté: 50/100

Effectuer les produits suivants

- 1) $(3a+2) \cdot (3a-2) \cdot (9a^2-4)$ 2) $(\frac{1}{3}x^2+y) \cdot (\frac{1}{9}x^4+y^2) \cdot (\frac{1}{3}x^2-y)$ 3) $(x+1) \cdot (x-1) \cdot (x^2+1) \cdot (x^4+5)$
- 4) $(3a + \frac{1}{2}b) \cdot (\frac{1}{2}b 3a) \cdot (-9a^2 + \frac{1}{4}b^2)$ 5) $(3x 6) \cdot (3x + 6) \cdot (9x^2 + 6)$
- 6) $(3a-1) \cdot (3a-1) \cdot (3a+1) \cdot (3a+1)$

Accéder au corrigé

Exercice 34

Difficulté: 35/100

Factorisez les expressions suivantes à l'aide des produits remarquables:

- 1) $4a^2 4ab + b^2$
- 2) $9a^2 + 12ab + b^2$
- 3) $a^4 + b^2 2a^2b$
- 4) $a^2 + 2ab^3 + b^6$
- 5) $9x^2 12xy + 4y^2$
- 6) $4x^2 + 25y^2 + 20xy$

Difficulté: 35/100

Factorisez à l'aide des produits remarquables:

- 1) $a^2 1$
- 2) $169 b^2$
- 3) $a^6 4$
- 4) $a^2b^2 + 1$
- 5) $x^4 25$
- 6) $-144 + b^8$

Accéder au corrigé

Exercice 36

Difficulté: 60/100

Factorisez à l'aide des produits remarquables:

- 1) $4x^2 9$
- 2) $\frac{1}{4} w^2$
- 3) $w^2 \frac{1}{4}$
- 4) $25x^2 8^2$
- 5) $121 + x^4$
- 6) $x^{16} 16$

Accéder au corrigé

Exercice 37

$\textbf{Difficult\'e}:\,45/100$

Factoriser à l'aide des produits remarquables :

- 1) $100w^2 + 10wt + \frac{1}{4}t^2$
- 2) $x^2 + 5x 50$
- 3) $-64 + x^2$
- 4) $x^2 25$
- 5) $x^2 9x 22$
- 6) $9x^4 + \frac{1}{16}y^2 \frac{3}{2}x^2y$

Accéder au corrigé

Exercice 38

Difficulté: 40/100

Question : Développe et réduis chacune des expressions suivantes :

$$\mathbf{A} = (y+2)(y+4)$$

$$B=(3y-2)(y+5)$$

$$C = (6v + 3)(-v + 2)$$

$$\mathcal{D} = (2+m)(3m-4)$$

$$E = (4z - 1)(z + 6)$$

$$F = (-2x + 5)(3x - 1)$$

$$G = (2x+3)(-x+4) + (3x-1)(2x+5)$$

$$H = 5x^2 - (2x - 4)$$

$$K = (7x - 3)(-x + 2)$$

$$L = (x - 4)(5x + 2)$$

Exercice 39

Difficulté: 25/100

Question : Développe puis réduis chaque expression :

a.
$$(x+6)(x-6) =$$

b.
$$(y+4)(y-4) =$$

c.
$$(3y-2)(3y+2) =$$

d.
$$(2x+8)(2x-8) =$$

e.
$$(-5x+15)(-5x-15) =$$

f.
$$(-4x+3)(4x+3) =$$

Accéder au corrigé

Exercice 40

Difficulté : 35/100

Question : Considérons les trois monômes :

$$A = 4x^3$$

$$B = 9$$

$$C = 6x^2$$

Calculez:

a)
$$A \cdot C$$

b)
$$A \cdot C + B^2$$

c)
$$A \cdot B + C$$

d)
$$2A + C^2$$

e)
$$(A+B)\cdot C$$

f)
$$(A + B)^2$$

- g) $A^2 + 2AB + B^2$
- h) $A^2 + B^2$
- i) (A + B)(A B)
- j) $A^2 B^2$

Exercice 41

 $\mathbf{Difficult\'e}: 20/100$

Calculez les expressions suivantes :

- a) $(\sqrt{45} + \sqrt{5})^2$
- b) $(\sqrt{21} + \sqrt{12})(\sqrt{21} \sqrt{12})$
- c) $(\sqrt{18} \cdot \sqrt{3})^2$
- d) $(\sqrt{16} \sqrt{4})^2$
- e) $(35+1)^2$
- f) 88^2
- g) $(\sqrt{289} + \sqrt{169})(\sqrt{289} \sqrt{169})$

Accéder au corrigé

Exercice 42

Difficulté: 40/100

Question : Factorise les polynômes suivants en te référant aux identités remarquables.

- a) $16z^2 + 24z + 9$
- b) $x^2 10x + 25$
- c) $49m^2 28mn + 4n^2$
- d) $36k^2 25l^2$
- e) $y^2 4y + 4$
- f) $9w^4 16$

Accéder au corrigé

Exercice 43

 $\mathbf{Difficult\'e:}\ 45/100$

Question:

1. Considérez les égalités suivantes :

$$2 \cdot 3 \cdot 4 + 3 = 3^3$$

$$7 \cdot 8 \cdot 9 + 8 = 8^3$$

$$15 \cdot 16 \cdot 17 + 16 = 16^3$$

- a) Écris trois égalités analogues à celles-ci et vérifie-les.
- b) Prouve que ce type d'égalité est toujours vrai.

2. Faites de même pour ce type d'égalités:

$$6^2 - 5^2 = 6 + 5$$

$$14^2 - 13^2 = 14 + 13$$

$$25^2 - 24^2 = 25 + 24$$

Accéder au corrigé

Exercice 44

 $\mathbf{Difficult\'e}: 40/100$

Question:

- a) Développez et réduisez les expressions suivantes:
- (x+2)
- $(x+2)^2$
- $(x+2)^3$
- $(x+2)^4$
- b) Pouvez-vous, sans développer les polynômes, déterminer le résultat de $(x+2)^{10}$?

Accéder au corrigé

Exercice 45

Difficulté: 50/100

Question : Complète ces égalités le plus simplement possible.

a)
$$(x+)^2 = x^2 + +16$$

b)
$$(+4)^2 = 25x^2 + +$$

c)
$$(x-)^2 = x^2 - x +$$

d)
$$(-)^2 = x^2 - 20x + 100$$

e)
$$(+2,5)^2 = x^2 + 5x +$$

f)
$$(-)^2 = 4x^2 - +9$$

g)
$$\left(-\frac{2}{3}\right)^2 = x + 4$$

h)
$$(\frac{x}{5} +)^2 = x^2 + x +$$

Accéder au corrigé

Exercice 46

 $\mathbf{Difficult\'e}: 50/100$

Question : Il manque chaque fois un seul monôme pour que les polynômes ci-dessous soient des produits remarquables. Retrouve le monôme manquant et son signe, puis donne la forme factorisée de ce polynôme.

a)
$$64x^6 - 48x^4y$$

b)
$$121m^2 + 22mn$$

c)
$$36p^2 - 30q^2$$

d)
$$49x^2 + 28xy$$

e)
$$16x^2 +$$

Difficulté : 40/100

Question : Complète ces égalités le plus simplement possible.

a)

$$(x+)^2 = + + 16$$

b)

$$(-3)^2 = 9y^2 - +$$

c)

$$(x+)^2 = +12x +$$

d)

$$(+)^2 = +64x + 36$$

e)

$$(-2)^2 = +8x +$$

f)

$$(+)^2 = y^2 - +1,21$$

g)

$$\left(-\frac{2}{5} \right)^2 = +4x +$$

h)

$$\left(\frac{x}{3} + \right)^2 = -2x +$$

Accéder au corrigé

Exercice 48

Difficulté: 45/100

Question : Il manque chaque fois un seul monôme pour que les polynômes ci-dessous soient des produits remarquables. Retrouve le monôme manquant et son signe, puis donne la forme factorisée de ce polynôme.

- a) $64x^2 + 48xy$
- b) $121a^2 22ab$
- c) $25m^2 +$
- d) $100z^2 60zt$
- e) $36p^2 +$

Accéder au corrigé

Exercice 49

Difficulté: 40/100

Calculer à l'aide des produits remarquables:

- 1) $(a+b+c+d)^2$
- 2) (3x + y + z)(3x y z)
- 3) (3a+b-c)(3a+b+c)

- 4) (2a x y)(2a + x + y)
- 5) $(3b+a-4)^2$
- 6) $(4x^2 y^2 z^2)(z^2 + y^2 + 4x^2)$

Exercices de Développement

Accéder au corrigé

Exercice 50

Difficulté : 35/100

Calculer à l'aide des produits remarquables :

- $1)\ \left(2x+y-z\right)\cdot\left(2x+y+z\right)$
- 2) $(3a b + c) \cdot (3a + b c)$
- 3) $(2x y + 3)^2$
- 4) $(5a b + c) \cdot (-5a b + c)$
- 5) $(3v 2w + z)^2$
- 6) $(2a^3 4b^3 + c^3)^2$

Accéder au corrigé

Exercice 51

Difficulté: 50/100

1)

 $(x^2 + 2xy + y^2) - a^2$

2)

 $(4y^2 - 4y + 1) - 169$

3)

 $49x^4 - (a^2 + 2ab + b^2)$

4)

 $(x^2 + 6xy + 9y^2) - 9x^2$

5)

 $(a-b)^2 - (4a^2 - 4ab + b^2)$

6)

 $(25a^2 + 1 - 10a) - 9a^2$

Difficulté : 50/100

Factoriser à l'aide des produits remarquables :

- 1) $x^2 + 4x 21$
- 2) $\frac{1}{4}a^2 + 16b^2 + 4ab$
- 3) $x^2 + 4$
- 4) $9a^2 + 6ab + b^2$
- 5) $9x^8 49y^2$
- 6) $\frac{1}{49}a^6 \frac{2}{7}a^3b + b^2$

Accéder au corrigé

Exercice 53

Difficulté: 45/100

Question : Calcule rapidement :

- a. $104^2 96^2 =$
- b. $320^2 310^2 =$
- c. $115^2 85^2 =$
- d. $8750^2 250^2 =$

Accéder au corrigé

Exercice 54

Difficulté: 35/100

Effectue et réduis

- a) $(3z^2 4)^2 =$
- b) $(5z^2 + 2)^2 =$
- c) $(3z^2 \cdot 2)^2 =$
- d) $(3z^2+2)(3z^2-2) =$
- e) $(3z^2+2)(2-3z^2) =$
- f) $(3z^2+2)(2z^2-3) =$
- g) $(10w^2 3v)^2 =$
- h) (6w 3v)(3v 6w) =
- i) (7w 8v)(7w + 8v) =
- j) $(4c \cdot 2d)^2 =$
- k) $(2c^2-3)(3+2c^2) =$
- 1) $(5d + 6e)^2 =$

Effectue et réduis

- a) 3b(b+c) =
- b) 12z 2z =
- c) $(3m-z)^2 =$
- d) (4m-3)(z+2) =
- e) (4c-3d)-(4c+3d)=
- f) $(m+z+2)^2 =$
- g) $(5m^2 \cdot 3z)^2 =$
- h) (5u-3)(w+4) =
- i) $(3p 4q)^2 =$
- j) $y^2(y-z)(y+z) =$
- k) $(c+d+e)^2 =$
- 1) (4m-6n)(6m+4n) =
- m) (36m + 12n)(12n 36m) =
- n) $1.5(3b + 2c)^2 =$
- o) $(b-2+c)^2 =$
- p) $(7m-2)^2 (m+9)^2 =$
- q) $20m 4m \cdot (12 14m) =$
- r) (5-4m)(10m+8) + (20m-3)(2-m) =

Effectue et réduis

- a) $(\frac{2}{2}y + 6)^2 =$
- b) $(\frac{4}{3}y \cdot \frac{2}{5}z)^2 =$
- c) $\left(\frac{4}{9}y + \frac{4}{7}z\right)^2 =$
- d) $\left(\frac{3}{10}y + \frac{2}{10}z\right)\left(\frac{3}{10}y \frac{2}{10}z\right) =$
- e) $(\frac{5}{8}y \frac{2}{7}z) (\frac{5}{8}y + \frac{2}{7}z) =$
- f) $(\frac{3}{4}y + 6z)(\frac{3}{4}y + 6z) =$
- g) $(\frac{3}{4}y + 4z)^2 =$
- h) $\left(\frac{2}{5}y 4\right) \left(4y + \frac{2}{5}\right) =$
- i) $(2.\overline{3}y^2 1.\overline{3}z)^2 =$
- $\mathrm{j})\ \left(\tfrac{2}{5}y-\tfrac{2}{4}\right)\left(\tfrac{2}{4}+\tfrac{2}{5}y\right)=$

Accéder au corrigé

Exercice 55

Difficulté: 40/100

Développez les expressions suivantes en utilisant les produits remarquables:

- 1. $(a^n + b^n)^2$
- 2. $(x^{2n} y^n)^2$

3.
$$(3x^n + y^2)^2$$

4.
$$(4x^{2n} + y^n)^2$$

5.
$$(x^{n-1} + x^{n+1})^2$$

6.
$$(3a^n - 2a^{n-2})^2$$

Exercice 56

Difficulté: 30/100

13)
$$(x+1) \cdot (x-2)$$

14)
$$(x+7) \cdot (x-6)$$

15)
$$(x-9) \cdot (x-3)$$

16)
$$(x+5) \cdot (x+2)$$

17)
$$(x+8) \cdot (x+2)$$

18)
$$(x-4) \cdot (x+1)$$

Dans les exercices 13 à 18, développez chaque expression en utilisant une des identités remarquables:

Accéder au corrigé

Exercice 57

Difficulté: 60/100

Factoriser à l'aide des produits remarquables :

1.
$$x^2 + 2xy + y^2$$

$$2 4a^2 + b^2 + 4ab$$

$$3 \quad x^4 + 2x^2y^2 + y^4$$

4.
$$4a^2 - 4ax + x^2$$

1.
$$x + 2xy + y$$

2. $4a^2 + b^2 + 4ab$
3. $x^4 + 2x^2y^2 + y^4$
4. $4a^2 - 4ax + x^2$
5. $9a^4 - 6a^2b^3 + b^6$

6.
$$x^8 - 2x^4y^3 + y^6$$

Accéder au corrigé

Exercice 58

Difficulté: 30/100

Calculer à l'aide des produits remarquables :

1)
$$(-4a + 2b + 3a)^2$$

2)
$$(x-2y+4x+y)^2$$

3)
$$(2v - w + 4w - v)^2$$

4)
$$\left(-\frac{1}{3}a + 3b + a\right)^2$$

5)
$$(5a^2 - 7b^2 + 2a^2 + 6b^2)^2$$

6)
$$(2a - 5b + a) \cdot (3b + 3a - 8b)$$

Difficulté: 40/100

Calculer à l'aide des produits remarquables:

$$1)\ \left(\tfrac{1}{2}x^2+1\right)^2\cdot \left(\tfrac{1}{2}x^2-1\right)^2-\tfrac{1}{2}x^4\cdot \left(2-\tfrac{1}{2}x^4\right)$$

$$2)\ \ -2x^2\cdot (y-2x)^2-\left(x^2+y\right)\cdot \left(x^2-y\right)+\tfrac{x^2y^2}{2}$$

3)
$$(a^7 - b^7)^2 \cdot (a^7 + b^7)^2 - (a^{14} + b^{14})^2$$

4)
$$\left(\frac{1}{3}a^3 - \frac{2}{3}b^3\right)^2 - \left(\frac{2}{3}a^3 - 2b^3\right)^2 + \left(a^3 + b^3\right) \cdot \left(b^3 - a^3\right)$$

5)
$$(0.1 a - 0.2 b) \cdot (3 a - 0.2 b - 2.9 a) - (2 a - b)^2$$

6)
$$(4x-5y)^2 \cdot (5y+4x)^2 - (2x^2+3y^2)^2$$

Accéder au corrigé

Exercice 60

Difficulté: 30/100

- 7) Développer l'expression $(2x + 4y)^2$.
- 8) Développer l'expression $(2a + 10b)^2$.
- 9) Développer l'expression $(5x + 5y^2)^2$.
- 10) Développer l'expression $(3ab + 2b^2)^2$.
- 11) Développer l'expression $(0, 3x + 3y)^2$.
- 12) Développer l'expression $(5x^2 + 3xy)^2$.

Accéder au corrigé

Exercice 61

Difficulté: 40/100

- 1. Développez l'expression suivante : $\left(\frac{1}{2}x-\frac{2}{3}y\right)^2$
- 2. Développez l'expression suivante : $(3x + \frac{1}{3})^2$
- 3. Simplifiez le produit suivant : $\left(\frac{2}{7}x-\frac{3}{4}y\right)\cdot\left(\frac{2}{7}x+\frac{3}{4}y\right)$
- 4. Simplifiez le produit suivant : $\left(\frac{x}{4} \frac{y}{3}\right) \cdot \left(\frac{x}{4} + \frac{y}{3}\right)$
- 5. Développez l'expression suivante : $\left(\frac{3x}{5}-1\right)^2$
- 6. Développez l'expression suivante : $\left(\frac{1}{4}a+\frac{4}{5}b\right)^2$

Accéder au corrigé

Exercice 62

Difficulté: 35/100

Simplifiez les expressions suivantes:

1)
$$(0,4a-3b)^2$$

2)
$$(6x+0,1)^2$$

3)
$$\left(\frac{2}{5}x + \frac{1}{4}\right)^2$$

$$4) \ \left(\frac{2x}{3} - 1\right) \cdot \left(\frac{2x}{3} + 1\right)$$

5)
$$(0,3x+0,4y)^2$$

6)
$$(0,2x-0,6y)\cdot(0,2x+0,6y)$$

Exercice 63

Difficulté: 30/100

Question : Développe et simplifie les expressions suivantes :

a)
$$(b+3)^2 =$$

b)
$$(3x+2)^2 =$$

c)
$$(4y-6)^2 =$$

d)
$$(5x - 9y)^2 =$$

e)
$$(3x - 2y)(3x + 2y) =$$

f)
$$(6a + 4b)^2 =$$

g)
$$(7a + 8b)(7a - 8b) =$$

h)
$$(4x+6)^2 =$$

i)
$$(11x + 5y)(11x - 5y) =$$

j)
$$(13a - 11b)^2 =$$

Accéder au corrigé

Exercice 64

Difficulté: 55/100

Effectuez et réduisez.

a)
$$(3z^2 - 4)^2 =$$

b)
$$(2z^2 + 7)^2 =$$

c)
$$(5z^2 \cdot 3)^2 =$$

d)
$$(2z^2+7)(2z^2-7)=$$

e)
$$(2z^2+7)(7-2z^2)=$$

f)
$$(2z^2+7)(6z^2-2)=$$

g)
$$(9x^2 - 4z)^2 =$$

h)
$$(7x-4z)(4z-7x) =$$

i)
$$(8x - 9z)(8x + 9z) =$$

j)
$$(4b \cdot 2c)^2 =$$

k)
$$(2b^2-3)(3+2b^2)=$$

1)
$$(5d + 6e)^2 =$$

Effectuez et réduisez.

a)
$$3b(b+c) =$$

b)
$$12k - 2k =$$

c)
$$(3p-q)^2 =$$

d)
$$(4p-3)(q+2) =$$

e)
$$(4m-3n)-(4m+3n)=$$

f)
$$(y+z+2)^2 =$$

g)
$$(3y^2 \cdot 4z)^2 =$$

h)
$$(5v-3)(w+4) =$$

i)
$$(3n-4m)^2 =$$

j)
$$y^2(y-z)(y+z) =$$

k)
$$(b+c+d)^2 =$$

1)
$$(4p-6q)(6p+4q) =$$

m)
$$(16p + 8q)(8q - 16p) =$$

n)
$$0.6(3b+c)^2 =$$

o)
$$(b-2+c)^2 =$$

p)
$$(5y-2)^2 - (2y+9)^2 =$$

q)
$$20y - 4y \cdot (10 - 12y) =$$

r)
$$(5-4y) \cdot (9y+7) + (18y-3) \cdot (2-y) =$$

Effectuez et réduisez.

a)
$$\left(\frac{2}{3}x + 4\right)^2 =$$

b)
$$(\frac{4}{3}x \cdot \frac{2}{5}y)^2 =$$

c)
$$\left(\frac{5}{9}x + \frac{2}{7}y\right)^2 =$$

d)
$$\left(\frac{3}{10}x + \frac{2}{10}y\right)\left(\frac{3}{10}x - \frac{2}{10}y\right) =$$

e)
$$\left(\frac{5}{8}x - \frac{2}{5}y\right) - \left(\frac{5}{8}x + \frac{2}{5}y\right) =$$

f)
$$(\frac{3}{4}x + 6y)(\frac{3}{4}x + 6y) =$$

g)
$$\left(\frac{3}{4}x + 4y\right)^2 =$$

h)
$$\left(\frac{2}{5}x - 4\right) - \left(4x + \frac{2}{5}\right) =$$

i)
$$(2.\overline{5}x^2 - 0.\overline{5}y)^2 =$$

j)
$$\left(\frac{2}{5}x - \frac{2}{5}\right)\left(\frac{2}{5} + \frac{2}{5}x\right) =$$

Exercice 65

Difficulté: 45/100

Effectuer les produits suivants:

1)
$$(2x+y) \cdot (2x-y) \cdot (4x^2+y^2)$$

2)
$$(\frac{1}{2}a + b) \cdot (\frac{1}{2}a - b) \cdot (\frac{1}{4}a^2 - b^2)$$

3)
$$(0, 1w + t) \cdot (0, 1w - t) \cdot (0, 01w^2 + t^2)$$

4)
$$(a+1) \cdot (a-1) \cdot (a^2+1) \cdot (a^4-1)$$

5)
$$(x+6) \cdot (x-6) \cdot (x^2-10)$$

6)
$$(2x-3) \cdot (4x^2+10) \cdot (2x+3)$$