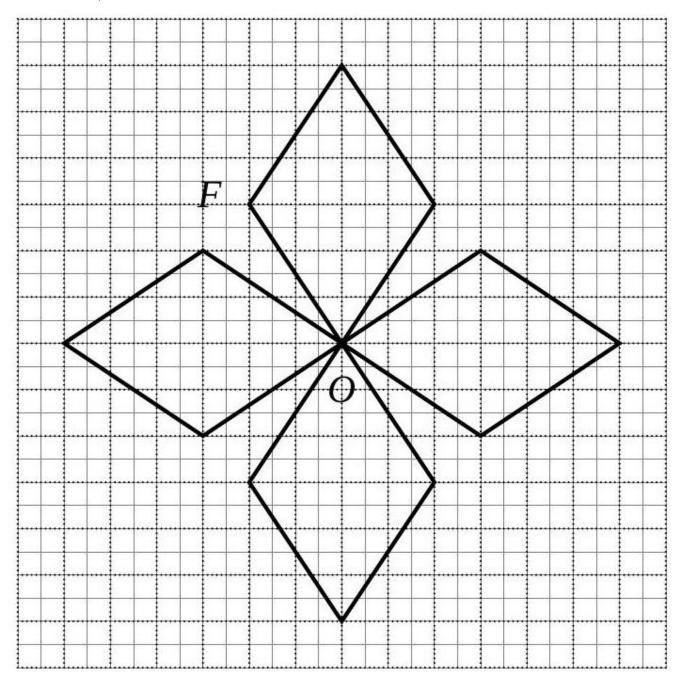
Exercices corrigés - Homothésies - 3e

Exercice 1

Difficulté: 40/100



Construire l'image F' de la figure F par une homothétie de centre O et de rapport +2.

Accéder au corrigé

Exercice 2

Difficulté : 50/100

Question : Un triangle DEF rectangle en D et d'aire $24\,\mathrm{cm}^2$ est un agrandissement d'un triangle XYZ, rectangle en X, tel que $XY=4\,\mathrm{cm}$ et $XZ=3\,\mathrm{cm}$. Calcule les longueurs DE et DF.

Exercice 3

Difficulté: 40/100

La pyramide de la Place de la Concorde est une pyramide régulière à base carrée de $50\,\mathrm{m}$ de côté et de $30\,\mathrm{m}$ de hauteur.

- a. Fais un schéma.
- b. Calcule le volume \mathcal{V} de cette pyramide. Donne la valeur exacte en m^3 , puis la valeur arrondie à l'unité.
- c. Sur une maquette, on construit une réduction de cette pyramide. Le côté de la base carrée mesure 10 cm. Calcule le coefficient de réduction.
- d. Déduis-en le volume ϑ' de la pyramide sur la maquette. Donne la valeur exacte en cm³, puis la valeur arrondie à l'unité.

Accéder au corrigé

Exercice 4

Difficulté: 50/100

Question:

a) Construis un triangle dont les côtés mesurent 6 cm, 7 cm et 10 cm. Réalise un agrandissement de ce triangle de manière à ce que le côté de 7 cm mesure désormais 14 cm.

Mesure les angles de chaque triangle. Que constates-tu?

b) Construis deux triangles DEF et D'E'F', de tailles différentes, dont les angles mesurent :

$$\widehat{EDF} = \widehat{D'E'F'} = 65^\circ, \quad \widehat{DFE} = \widehat{D'F'E'} = 55^\circ, \quad \widehat{FED} = \widehat{F'E'D'} = 60^\circ$$

Mesure les côtés de ces triangles, puis calcule les rapports suivants :

$$\frac{DE}{EF}, \quad \frac{DE}{DF}, \quad \frac{EF}{DF}, \quad \frac{D'E'}{E'F'}, \quad \frac{D'E'}{D'F'}, \quad \frac{E'F'}{D'F'}$$

Que constates-tu?

c) Fais de même pour les rapports suivants :

$$\frac{DE}{D'E'}, \quad \frac{EF}{E'F'}, \quad \frac{DF}{D'F'}$$

Accéder au corrigé

Exercice 5

Difficulté: 50/100

Question:

- a) Construis l'image de la figure représentée sur la figure par la transformation $\mathfrak{H}\left(C;\frac{2}{3}\right)$.
- b) Construis ensuite l'image de la figure obtenue en a) par la transformation S(d).
- c) Comment peut-on revenir à la figure initiale à partir de la figure obtenue en b)?

Accéder au corrigé

Exercice 6

Difficulté : 40/100

Question : Les côtés du triangle XYZ mesurent respectivement 7 cm, 10 cm et 14 cm.

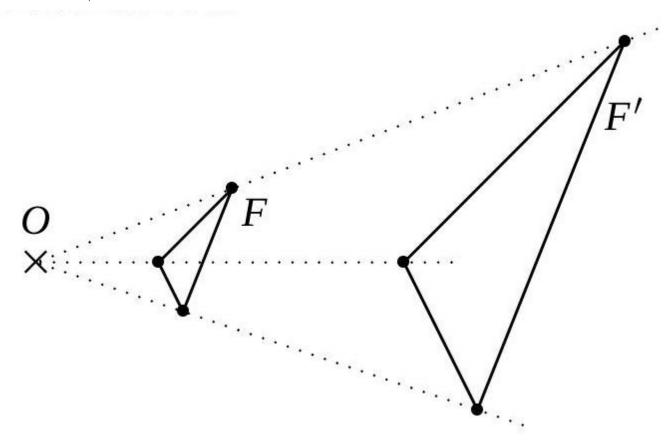
Sophie décide de tracer à la craie un agrandissement de ce triangle. Elle choisit alors des longueurs de côtés de 21 cm, 30 cm et 42 cm.

Son agrandissement est-il correct?

Accéder au corrigé

Exercice 7

Difficulté: 50/100



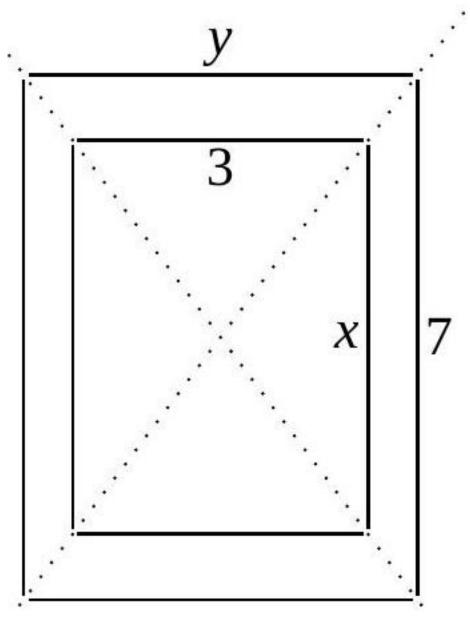
Soit F' l'image de F par une homothétie.

- $1.\,$ Effectuez les mesures nécessaires afin de calculer le rapport de l'homothétie.
- 2. Quel est le rapport de l'homothétie qui transforme F' en F?

Accéder au corrigé

Exercice 8

Difficulté: 50/100

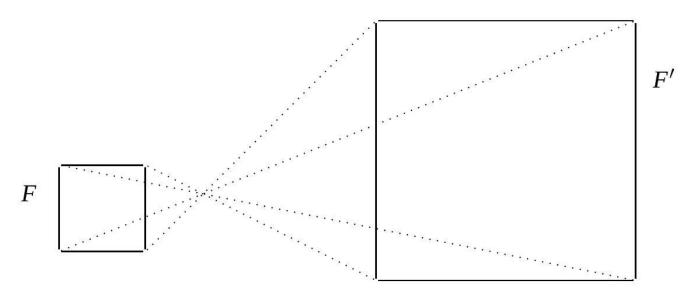


Voici un rectangle et son image par une homothétie de rapport $\frac{4}{3}.$ Calculez les longueurs x et y. Unité : cm

Accéder au corrigé

Exercice 9

 $\mathbf{Difficult\'e}: 40/100$



 ${\cal F}'$ est l'image de ${\cal F}$ par une homothétie.

- 1. Effectuez les mesures nécessaires et calculez le rapport d'homothétie.
- 2. Calculez l'aire du carré F' et l'aire du carré F.
- 3. Calculez le rapport de ces aires.

Accéder au corrigé

Exercice 10

 $\mathbf{Difficult\'e}: 50/100$

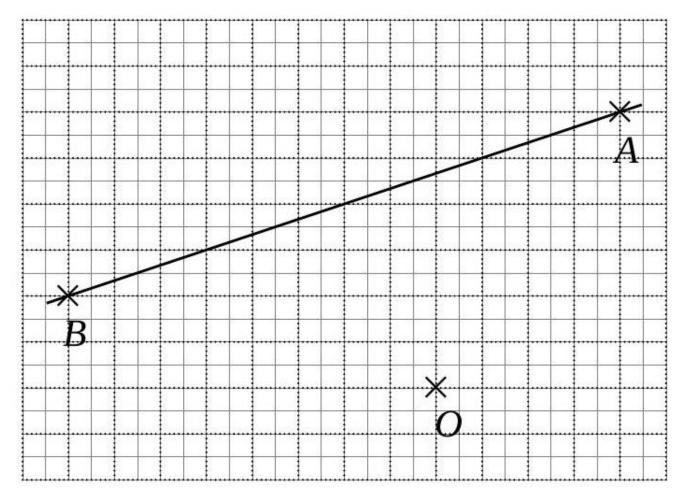
L'homothétie de centre M et de rapport $\frac{3}{2}$ transforme un segment [CD] en un segment [C'D'].

- a. Construis cette figure.
- b. Que peut-on dire des droites (CD) et (C'D') ? Justifie.

Accéder au corrigé

Exercice 11

Difficulté: 40/100



Construire l'image de la droite d par une homothétie de centre O et de rapport $\frac{1}{2}$.

Construire l'image de la droite d par une homothétie de centre O et de rapport $-\frac{1}{2}$.

Construire l'image de la droite d par une homothétie de centre O et de rapport 5.

Accéder au corrigé

Exercice 12

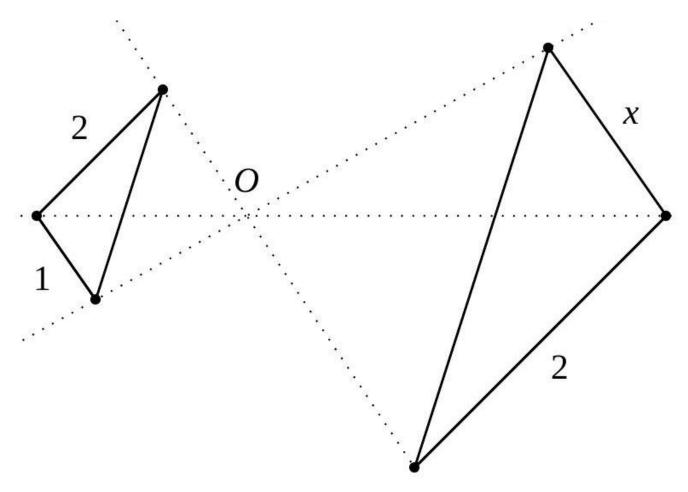
Difficulté : 20/100

Question : Un triangle D'E'F' est l'image du triangle DEF par une homothétie de rapport $\frac{3}{2}$. On sait que DE = 8 cm et que l'angle \widehat{DEF} mesure 45°. Déterminez les mesures de D'E' et du périmètre de D'E'F'. Justifiez votre réponse.

Accéder au corrigé

Exercice 13

Difficulté : 45/100



Calculer le rapport d'homothétie et la longueur du segment x.

Unité : le cm

Accéder au corrigé

Exercice 14

Difficulté: 35/100

Question : Une figure a une aire de 94 cm². Après une réduction, on obtient une nouvelle figure dont l'aire est de 67,35 cm². Détermine le rapport de réduction.

Accéder au corrigé

Exercice 15

Difficulté: 50/100

Question : Trace le rectangle EFGH et place un point P à l'extérieur. Construis E'F'G'H', l'image du quadrilatère EFGH par homothétie de centre P et de rapport 1,5.

Accéder au corrigé

Exercice 16

Difficulté : 30/100

Question:

a. Complète le tableau suivant.

Aire de la figure	Rapport d'homothétie	Aire de l'image
$4 \mathrm{cm}^2$	2	
$18\mathrm{m}^2$	$0,\!5$	
	3	$243\mathrm{mm}^2$
	$0,\!4$	$1{,}44\mathrm{cm}^2$
$3.0\mathrm{cm}^2$		$12\mathrm{cm}^2$
$3\mathrm{dm}^2$		$3,24\mathrm{dm}^2$
$12\mathrm{dm}^2$		$12\mathrm{m}^2$

b. Complète l'équation suivante.

$$\frac{\rm Aire~IJKL}{\rm Aire~WXYZ} = (~)^2$$

Accéder au corrigé

Exercice 17

Difficulté: 40/100

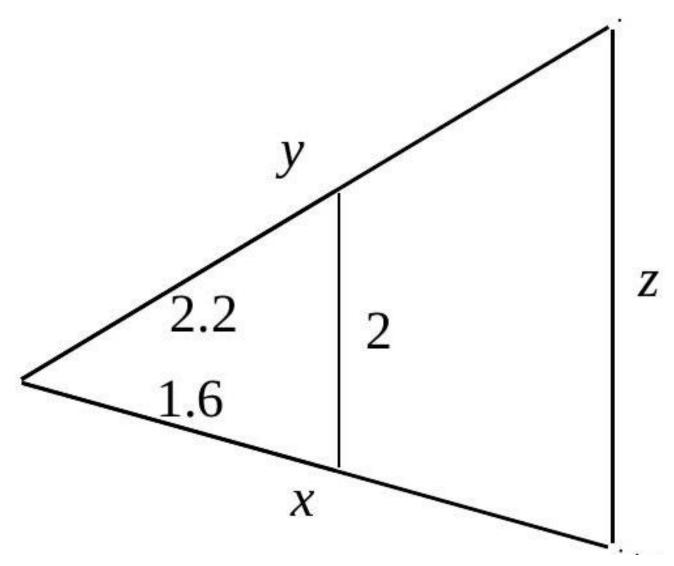
Question : L'aire d'un hexagone est de $30\,\mathrm{cm}^2$. Déterminez l'aire de son image par une homothétie de rapport :

- a) 1,5;
- b) -3;
- c) $\frac{2}{5}$.

Accéder au corrigé

Exercice 18

Difficulté: 40/100



Voici un triangle et son image par une homothétie de rapport 1,85. Calculer les longueurs x, y et z.

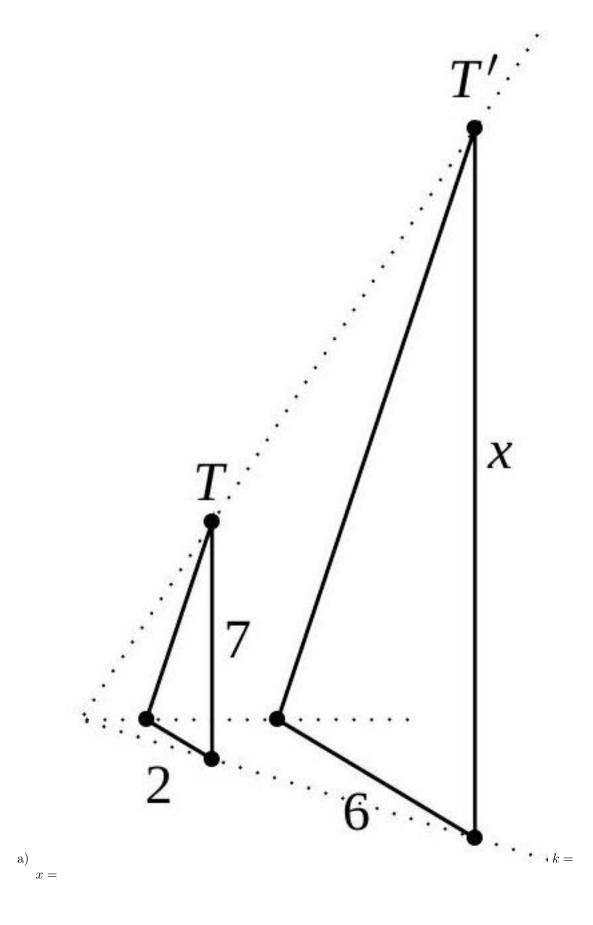
Unité : le dm

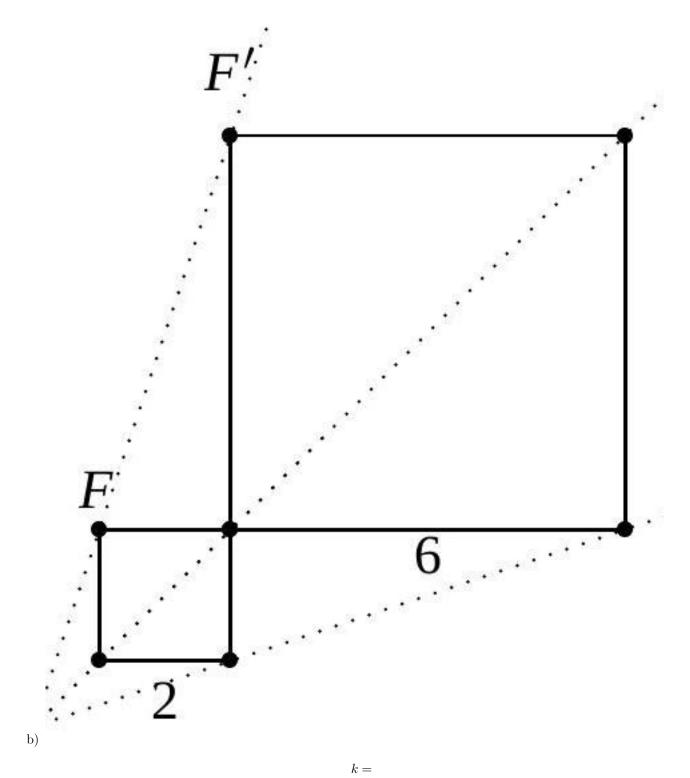
Accéder au corrigé

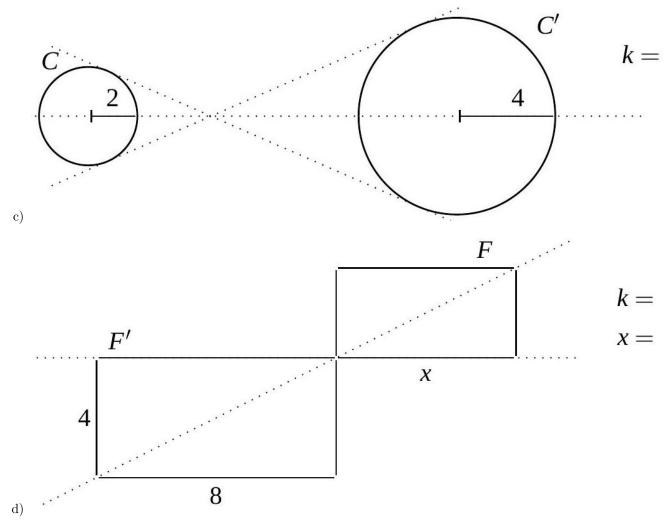
Exercice 19

Difficulté : 50/100

Voici plusieurs figures et leurs images par une homothétie. Pour chaque figure, indiquez le rapport d'homothétie k. Pour les figures (a) et (d), déterminez également la longueur x.

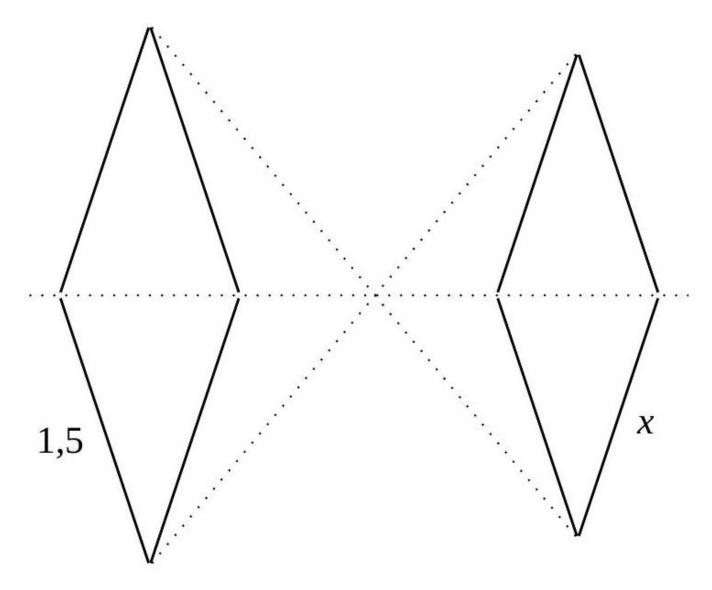






Exercice 20

Difficulté : 35/100



Voici un losange et son image par une homothétie de rapport -0.9. Calculez la longueur x. Unité : m.

Accéder au corrigé

Exercice 21

Difficulté: 35/100

Question : La figure M'N'O'P' est l'image de la figure MNOP par homothétie de ce centre et de rapport 2.

Quelles sont les dimensions de M'N'O'P'?

Accéder au corrigé

Exercice 22

Difficulté : 40/100

Deux triangles ont les longueurs suivantes.

Triangle ABC	AB = 6, 0	AC = 9, 0	$\mathrm{BC}=12,0$
Triangle DEF	DE = 3, 0	DF = 4, 5	EF = 6, 0

- a. Est-ce un tableau de proportionnalité ? Justifie.
- b. Le triangle ABC est-il un agrandissement ou une réduction du triangle DEF? Précise le rapport.

Exercice 23

Difficulté: 20/100

Question : Le carré IJKL est l'image du carré WXYZ par une homothétie de rapport 4. On suppose que le côté du carré WXYZ mesure 2 cm.

a. Calcule la longueur d'un côté de IJKL et en déduis son aire.

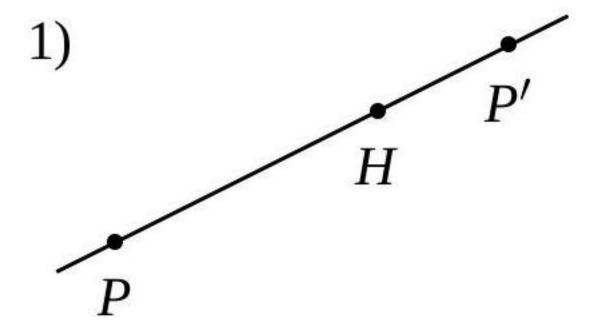
Accéder au corrigé

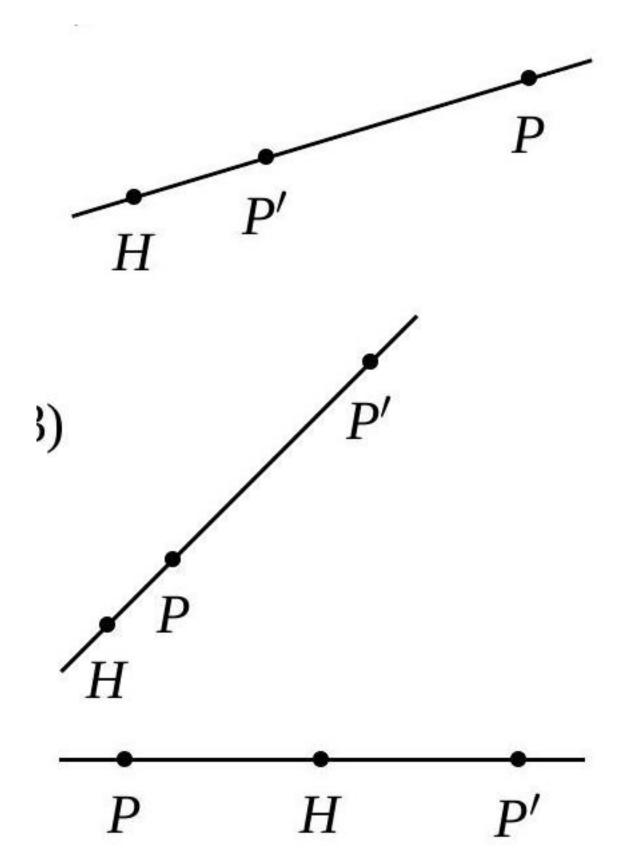
Exercice 24

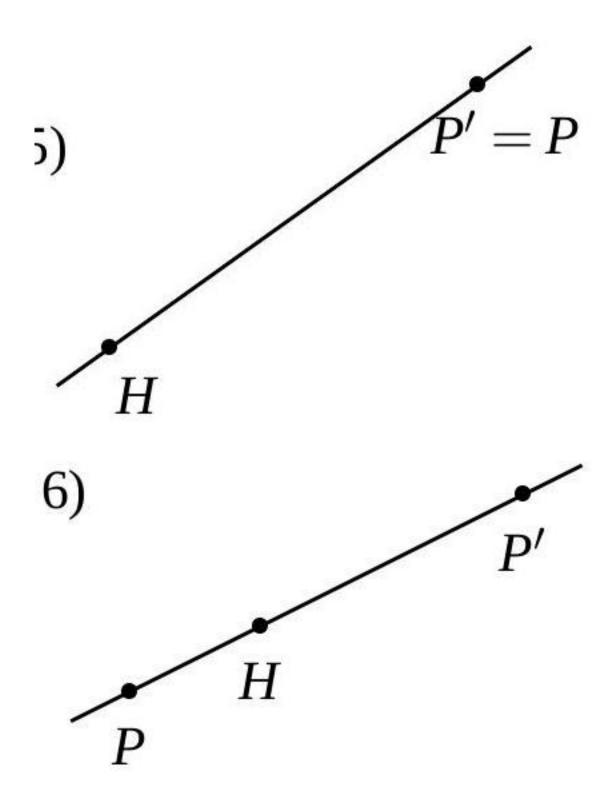
Difficulté: 50/100

Dans chacune des figures suivantes, le point P' est l'image du point P par une homothétie de centre H. Pour chaque figure, indiquez :

- 1. Si le rapport d'homothétie est positif ou négatif;
- 2. Si, en valeur absolue, le rapport est inférieur, égal ou supérieur à 1.

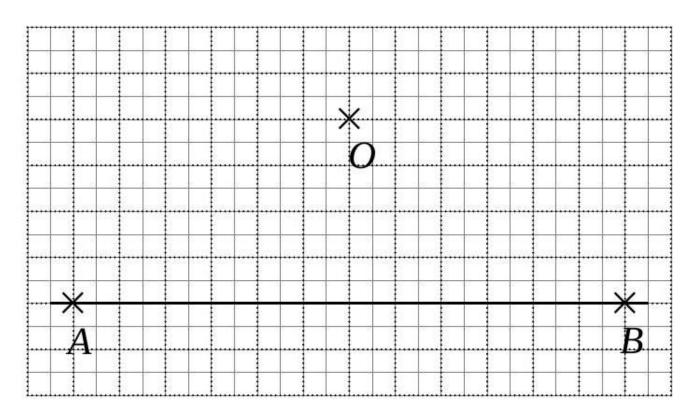






Exercice 25

Difficulté : 40/100



Construire l'image du segment [AB] par une homothétie de centre O et de rapport $-\frac{1}{3}$. Accéder au corrigé